

POLITECHNIKA KRAKOWSKA IM. TADEUSZA KOŚCIUSZKI

KARTA PRZEDMIOTU

obowiązuje studentów rozpoczynających studia w roku akademickim 2019/2020

Wydział Informatyki i Telekomunikacji

Kierunek studiów: Informatyka

Profil: Ogólnoakademicki

Forma studiów: stacjonarne

Kod kierunku: I

Stopień studiów: II

Specjalności: Cyberbezpieczeństwo dla licencjatów

1 INFORMACJE O PRZEDMIOCIE

NAZWA PRZEDMIOTU	Algebra z teorią liczb
NAZWA PRZEDMIOTU W JĘZYKU ANGIELSKIM	Algebra and Number Theory
KOD PRZEDMIOTU	WiIT I oIIS D1 19/20
KATEGORIA PRZEDMIOTU	Przedmioty specjalnościowe
LICZBA PUNKTÓW ECTS	4.00
SEMESTRY	2

2 RODZAJ ZAJĘĆ, LICZBA GODZIN W PLANIE STUDIÓW

SEMESTR	WYKŁAD	ĆWICZENIA	LABORATORIUM	LABORATORIUM KOMPUTERO- WE	SEMINARIUM	PROJEKT
2	30	30	0	0	0	0

3 CELE PRZEDMIOTU

Cel 1 Zapoznanie studentów z podstawowymi pojęciami i zagadnieniami współczesnej algebry abstrakcyjnej w zakresie podstaw teorii grup, teorii pierścieni łącznych, teorii ciał i ich zastosowań umożliwiającym jak rozwiązywanie standardowych problemów tak i późniejsze wykorzystywanie ich w kodowaniu, kryptografii i kryptoanalizie

4 WYMAGANIA WSTĘPNE W ZAKRESIE WIEDZY, UMIEJĘTNOŚCI I INNYCH KOMPETENCJI

1 Zaliczenie algebry z geometrią na pierwszym stopniu studiów informatycznych

5 EFEKTY KSZTAŁCENIA

EK1 Wiedza Student zna, rozumie i objaśnia podstawowe pojęcia i zagadnienia algebry i teorii liczb

EK2 Umiejętności Student potrafi nie tylko prawidłowo sformułować podstawowe pojęcia i zagadnienia algebry i teorii liczb, lecz również zilustrować go umiejętnie podebranymi przykładami

EK3 Wiedza Student nie tylko zna podstawowe pojęcia i zagadnienia współczesnej algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb, lecz również może budować dowody twierdzeń opierających się na podstawowe fakty z teorii oraz przykłady zarówno ilustrujące pojęcia algebry abstrakcyjnej, jak i pozwalające obalić błędne hipotezy lub nieuprawnione rozumowania

EK4 Kompetencje społeczne Student nie tylko potrafi rozwiązać standardowy problem stosujący się podstawowych pojęć algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb i opierający się na podstawowe zagadnienia algebry abstrakcyjnej, lecz potrafi samodzielnie wyszukiwać w literaturze, także w językach obcych, potrafi formułować opinie na temat podstawowych zagadnień z algebry abstrakcyjnej

6 TREŚCI PROGRAMOWE

WYKŁAD		
LP	TEMATYKA ZAJĘĆ OPIS SZCZEGÓŁOWY BLOKÓW TEMATYCZNYCH	LICZBA GODZIN
W1	Teoria grup: podgrupy, warstwy, indeks podgrupy, twierdzenie Lagrange'a dla grup skończonych, podgrupy normalne, grupy ilorazowe, homomorfizmy i izomorfizmy grup, twierdzenie Cayleya, grupy cykliczne i ich podgrupy, izomorficzna klasyfikacja grup cyklicznych, grupy przekształceń, produkty i sumy proste grup, działania grupy na zbiorze	7
W2	Podstawowe struktury algebraiczne: pierścienie, ciała, ich charakterystyka, dzielniki zera, elementy odwracalne	2
W3	Arytmetyka liczb całkowitych: dzielenie z resztą, rozszerzony algorytm Euklidesa, NWD, NWW, liczby pierwsze, zasadnicze twierdzenie arytmetyki, twierdzenie Euklidesa o liczbach pierwszych, sito Eratostenesa, systemy liczbowe	3
W4	Arytmetyka modularna: relacja przystawania modulo n , pierścień Z_n , funkcje arytmetyczne, twierdzenia Eulera i Fermata, logarytmy dyskretne – podstawowe własności, kongruencje liniowe, układy kongruencji liniowych, reszty i niereszty kwadratowe, chińskie twierdzenie o resztach	10
W5	Ułamki łańcuchowe i ich zastosowania, równania diofantyczne	2
W6	Teoria ciał: rozszerzenia ciał (skończone, proste, algebraiczne), wielomian minimalny elementu algebraicznego nad ciałem, elementy transcendentne, struktura prostego rozszerzenia ciał, ciało rozkładu wielomianu	6

ĆWICZENIA		
LP	TEMATYKA ZAJĘĆ OPIS SZCZEGÓŁOWY BLOKÓW TEMATYCZNYCH	LICZBA GODZIN
C1	Teoria grup: podgrupy, warstwy, indeks podgrupy, twierdzenie Lagrange'a dla grup skończonych, podgrupy normalne, grupy ilorazowe, homomorfizmy i izomorfizmy grup, twierdzenie Cayleya, grupy cykliczne i ich podgrupy, izomorficzna klasyfikacja grup cyklicznych, grupy przekształceń, produkty i sumy proste grup, działania grupy na zbiorze	7
C2	Podstawowe struktury algebraiczne: pierścienie, ciała, ich charakterystyka, dzielniki zera, elementy odwracalne	2
C3	Arytmetyka liczb całkowitych: dzielenie z resztą, rozszerzony algorytm Euklidesa, NWD, NWW, liczby pierwsze, zasadnicze twierdzenie arytmetyki, twierdzenie Euklidesa o liczbach pierwszych, sito Eratostenesa, systemy liczbowe	6
C4	Arytmetyka modularna: relacja przystawania modulo n , pierścienie Z_n , funkcje arytmetyczne, twierdzenia Eulera i Fermata, logarytmy dyskretne – podstawowe własności, kongruencje liniowe, układy kongruencji liniowych, reszty i niereszty kwadratowe, chińskie twierdzenie o resztach	6
C5	Ułamki łańcuchowe i ich zastosowania, równania diofantyczne	3
C6	Teoria ciał: rozszerzenia ciał (skończone, proste, algebraiczne), wielomian minimalny elementu algebraicznego nad ciałem, elementy transcendentne, struktura prostego rozszerzenia ciał, ciało rozkładu wielomianu	6

7 NARZĘDZIA DYDAKTYCZNE

N1 Wykłady

N2 Konsultacje

N3 Dyskusja

N4 Praca w grupach

8 OBCIĄŻENIE PRACĄ STUDENTA

FORMA AKTYWNOŚCI	ŚREDNIA LICZBA GODZIN NA ZREALIZOWANIE AKTYWNOŚCI
Godziny kontaktowe z nauczycielem akademickim, w tym:	
Godziny wynikające z planu studiów	60
Konsultacje przedmiotowe	10
Egzaminy i zaliczenia w sesji	10
Godziny bez udziału nauczyciela akademickiego wynikające z nakładu pracy studenta, w tym:	
Przygotowanie się do zajęć, w tym studiowanie zalecanej literatury	80
Opracowanie wyników	0
Przygotowanie raportu, projektu, prezentacji, dyskusji	0
SUMARYCZNA LICZBA GODZIN DLA PRZEDMIOTU WYNIKAJĄCA Z CAŁEGO NAKŁADU PRACY STUDENTA	160
SUMARYCZNA LICZBA PUNKTÓW ECTS DLA PRZEDMIOTU	4.00

9 SPOSOBY OCENY

OCENA FORMUJĄCA

F1 Kolokwium

OCENA PODSUMOWUJĄCA

P1 Zaliczenie pisemne

P4 Średnia ważona ocen formujących

WARUNKI ZALICZENIA PRZEDMIOTU

W3 Ocena końcowa jest średnią ocen P1, P2, P3 i P4

OCENA AKTYWNOŚCI BEZ UDZIAŁU NAUCZYCIELA

B1 Test

KRYTERIA OCENY

EFEKT KSZTAŁCENIA 1	
NA OCENĘ 2.0	Student nie zna podstawowych pojęć algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb
NA OCENĘ 3.0	Student zna podstawowe pojęcia algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb

NA OCENĘ 3.5	Student potrafi nie tylko prawidłowo sformułować podstawowe pojęcia algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb, lecz również zilustrować ich pewnymi przykładami
NA OCENĘ 4.0	Student objaśnia podstawowe pojęcia algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb, formułuje i udowadnia podstawowe twierdzenia oraz rozwiązuje standardowe zadania
NA OCENĘ 4.5	Student potrafi nie tylko objaśnić podstawowe pojęcia algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb, sformułować i udowodnić podstawowe twierdzenia, lecz stosować ich do rozwiązywania zadań teoretycznego i praktycznego charakteru
NA OCENĘ 5.0	Student potrafi nie tylko objaśnić podstawowe pojęcia algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb, sformułować i udowodnić podstawowe twierdzenia, lecz stosować ich do rozwiązywania praktycznych i teoretycznych zadań niestandardowego charakteru
EFEKT KSZTAŁCENIA 2	
NA OCENĘ 2.0	Student nie potrafi w sposób zrozumiały, w mowie i pisemnie, przedstawić poprawne rozumowania z algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb, formułując definicje i twierdzenia
NA OCENĘ 3.0	Student zna podstawowe pojęcia i potrafi w sposób zrozumiały, w mowie i pisemnie, przedstawić poprawne rozumowania z algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb, formułując definicje i twierdzenia
NA OCENĘ 3.5	Student potrafi nie tylko podstawowe pojęcia i potrafi w sposób zrozumiały, w mowie i pisemnie, przedstawić poprawne rozumowania z algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb, formułując definicje i twierdzenia, lecz również prowadzi łatwe i średnio trudne dowody z algebry abstrakcyjnej, ilustruje ich pewnymi przykładami
NA OCENĘ 4.0	Student objaśnia podstawowe pojęcia algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb i potrafi ich zastosować, formułuje i udowadnia podstawowe twierdzenia oraz rozwiązuje standardowe ćwiczenia
NA OCENĘ 4.5	Student potrafi nie tylko objaśnić podstawowe pojęcia abstrakcyjnej oraz teorii liczb, sformułować i udowodnić podstawowe twierdzenia, lecz stosować ich do rozwiązywania ćwiczeń
NA OCENĘ 5.0	Student potrafi nie tylko objaśnić podstawowe pojęcia abstrakcyjnej oraz teorii liczb, sformułować i udowodnić podstawowe twierdzenia, lecz stosować ich do rozwiązywania praktycznych
EFEKT KSZTAŁCENIA 3	
NA OCENĘ 2.0	Student nie zna podstawowych pojęć algebry abstrakcyjnej (teorii ciał, arytmetyki liczb całkowitych i arytmetyki modularnej)
NA OCENĘ 3.0	Student zna podstawowe pojęcia algebry abstrakcyjnej (teorii ciał, arytmetyki liczb całkowitych i arytmetyki modularnej)
NA OCENĘ 3.5	Student potrafi nie tylko prawidłowo sformułować podstawowe pojęcia algebry abstrakcyjnej (teorii ciał, arytmetyki liczb całkowitych i arytmetyki modularnej), lecz również zilustrować ich pewnymi przykładami

NA OCENĘ 4.0	Student objaśnia podstawowe pojęcia algebry abstrakcyjnej (teorii ciał, arytmetyki liczb całkowitych i arytmetyki modularnej), formułuje i udowadnia podstawowe twierdzenia oraz rozwiązuje standardowe zadania teoretycznego i praktycznego charakteru
NA OCENĘ 4.5	Student potrafi nie tylko wyjaśnić podstawowe pojęcia algebry abstrakcyjnej (teorii ciał, arytmetyki liczb całkowitych i arytmetyki modularnej), sformułować i udowodnić podstawowe twierdzenia, lecz stosować ich do rozwiązywania różnych zadań
NA OCENĘ 5.0	Student potrafi nie tylko wyjaśnić podstawowe pojęcia algebry abstrakcyjnej (teorii ciał, arytmetyki liczb całkowitych i arytmetyki modularnej), sformułować i udowodnić podstawowe twierdzenia, lecz stosować ich do rozwiązywania praktycznych i teoretycznych zadań standardowego i niestandardowego charakteru
EFEKT KSZTAŁCENIA 4	
NA OCENĘ 2.0	Student nie zna podstawowych pojęć algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb, nie potrafi ich zastosować, nie potrafi samodzielnie wyszukać informacji w literaturze, w językach obcych i nie potrafi formułować opinii na temat podstawowych zagadnień algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb
NA OCENĘ 3.0	Student zna podstawowe pojęcia algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb, potrafi ich zastosować, potrafi samodzielnie wyszukać informacje w literaturze, w językach obcych i potrafi formułować opinie na temat podstawowych zagadnień algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb
NA OCENĘ 3.5	Student potrafi nie tylko prawidłowo sformułować podstawowe pojęcia algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb, lecz również zilustrować ich pewnymi przykładami, potrafi samodzielnie wyszukać informacje w literaturze, w językach obcych i potrafi formułować opinie na temat podstawowych zagadnień algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb
NA OCENĘ 4.0	Student objaśnia podstawowe pojęcia algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb, potrafi ich zastosować, formułuje i udowadnia podstawowe twierdzenia oraz rozwiązuje standardowe ćwiczenia, potrafi samodzielnie wyszukać informacje w literaturze, w językach obcych i potrafi formułować opinie na temat podstawowych zagadnień algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb
NA OCENĘ 4.5	Student potrafi nie tylko wyjaśnić podstawowe pojęcia algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb, sformułować i udowodnić podstawowe twierdzenia, lecz stosować ich do rozwiązywania ćwiczeń, potrafi samodzielnie wyszukać informacje w literaturze, w językach obcych i potrafi formułować opinie na temat podstawowych zagadnień algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb
NA OCENĘ 5.0	Student potrafi nie tylko wyjaśnić podstawowe pojęcia algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb, sformułować i udowodnić podstawowe twierdzenia, lecz stosować ich do rozwiązywania praktycznych, potrafi samodzielnie wyszukać informacje w literaturze, w językach obcych i nie potrafi formułować opinii na temat podstawowych zagadnień algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb, potrafi samodzielnie wyszukać informacje w literaturze, w językach obcych i potrafi formułować opinie na temat podstawowych zagadnień algebry abstrakcyjnej oraz teorii liczb

10 MACIERZ REALIZACJI PRZEDMIOTU

EFEKT KSZTAŁCENIA	ODNIESIENIE DANEGO EFEKTU DO SZCZEGÓŁOWYCH EFEKTÓW ZDEFINIOWANYCH DLA PROGRAMU	CELE PRZEDMIOTU	TREŚCI PROGRAMOWE	NARZĘDZIA DYDAKTYCZNE	SPOSOBY OCENY
EK1	I2_W01 I2_W02 I2_W04	Cel 1	W1 W2 C1 C2	N1 N2 N3 N4	F1 P1 P4
EK2	I2_U01b I2_U02b I2_U03b I2_U04b I2_U05 I2_U06	Cel 1	W3 C3	N1 N2 N3 N4	F1 P1 P4
EK3	I2_W01 I2_W02 I2_W03 I2_W04 I2_W05 I2_W06	Cel 1	W4 C4	N1 N2 N3 N4	F1 P1 P4
EK4		Cel 1	W5 C5	N1 N2 N3 N4	F1 P1 P4

11 WYKAZ LITERATURY

LITERATURA PODSTAWOWA

- [1] **A.I. Kostrikin** — *Algebra (cz 1, 3)*, Warszawa, 2005, PWN
- [2] **O. Artemowicz, A. Piękosz** — *Algebra*, Kraków, 2010, PK
- [3] **J. Rutkowski** — *Algebra abstrakcyjna w zadaniach*, Warszawa, 2001, PWN
- [4] **W. Więśław** — *Grupy, pierścienie, ciała*, Wrocław, 1979, UW
- [5] **M. Bryński, J. Jurkiewicz** — *Zbiór zadań z algebry*, Warszawa, 1975, PWN

LITERATURA UZUPEŁNIAJĄCA

- [1] **A. Białynicki-Birula** — *Algebra*, Warszawa, 1971, PWN
- [2] **Cz. Bagiński** — *Wstęp do teorii grup*, Warszawa, 2001, Skrypt
- [3] **J. Gancarzewicz** — *Arytmetyka*, Kraków, 2002, UJ
- [4] **J. Browkin** — *Teoria ciał*, Warszawa, 1978, PWN

[5] W.J. Gilbert, W.K. Nicolson — *Algebra współczesna z zastosowaniami*, Warszawa, 2008, PWN

12 INFORMACJE O NAUCZYCIELACH AKADEMICKICH

OSOBA ODPOWIEDZIALNA ZA KARTĘ

prof. dr hab. Orest Artemowych (kontakt: artemo@pk.edu.pl)

OSOBY PROWADZĄCE PRZEDMIOT

1 Prof. dr hab. Orest Artemowych (kontakt: artemo@usk.pk.edu.pl)

2 Dr Maciej Zakarczemny (kontakt: mzakarczemny@pk.edu.pl)

13 ZATWIERDZENIE KARTY PRZEDMIOTU DO REALIZACJI

(miejsowość, data)

(odpowiedzialny za przedmiot)

(dziekan)

PRZYJMUJĘ DO REALIZACJI (data i podpisy osób prowadzących przedmiot)

.....
.....